

1

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 علوم رياضية 1 و 2

فرض كتابي 1 ليوم : 24 / 10 / 2013

**05.**  $1 + 2 + \dots + n = 3.5n$

نعتبر التطبيق  $f$  المعرفة بما يلي:

$$f: \mathbb{N}^2 \rightarrow \mathbb{N}$$

$$(a, b) \mapsto f((a, b)) = a \times b$$

**1.** حدد  $f^{-1}(B)$  مع  $B = \{15\}$

**2.** أ - بين أن  $f$  شمولي.

ب - هل  $f$  تقابلي؟

**06.**  $1 + 2 + \dots + n = 3$

نعتبر التطبيق  $f$  المعرفة بما يلي:

$$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto f(x) = x^3 + 2x - 3$$

**1.** بين أن  $f$  تبايني.

**2.** استنتج بأن العدد 1 هو الحل الوحيد للمعادلة:

$$x \in \mathbb{R} : f(x) = 0 \quad (\text{المطلوب عدم استعمال المميز } \Delta)$$

**07.**  $1.5 + 1.5 + \dots + 1.5 = 3$

**1.** بين بالترجع أن: لكل  $n$  عدد صحيح طبيعي غير منعدم.

$$S_3 = \sum_{i=1}^{i=n} \frac{1}{i(i+1)(i+2)(i+3)}$$

$$= \frac{1}{1 \times 2 \times 3 \times 4} + \frac{1}{2 \times 3 \times 4 \times 5} + \dots + \frac{1}{n(n+1)(n+2)(n+3)}$$

$$= \frac{1}{3} \left[ \frac{1}{1 \times 2 \times 3} - \frac{1}{(n+1)(n+2)(n+3)} \right]$$

**2.** نعتبر  $p$  عدد صحيح طبيعي غير منعدم (معلوم).

بين بالترجع أن: لكل  $n$  من  $\mathbb{N}^*$ :

$$S_p = \sum_{i=1}^{i=n} \frac{1}{i(i+1)(i+2) \dots (i+p)}$$

$$= \frac{1}{1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (1+p)} + \frac{1}{2 \times 3 \times \dots \times (2+p)} + \dots + \frac{1}{n(n+1)(n+2) \dots (n+p)}$$

$$= \frac{1}{p} \left[ \frac{1}{1 \times 2 \times \dots \times p} - \frac{1}{(n+1)(n+2) \dots (n+p)} \right]$$

**01.**  $2 \times 1 + \dots + 2 = 2$

$E$  و  $F$  و  $G$  و  $H$  مجموعات  $A$  و  $B$  جزآن من المجموعة  $E$

**1.** بين:  $(E \times F) \cap (G \times H) = (E \cap G) \times (F \cap H)$

**2.** بين أن:  $(A \Delta B) \cap A = A \setminus (A \cap B)$

**02.**  $0.5 \times 3 + 2 = 3.5$

نعتبر العبارة  $P$  التالية:

$$\forall x \in [0, +\infty[ , \forall y \in [1, +\infty[ , \forall z \in [2, +\infty[ ,$$

$$\sqrt{x} + \sqrt{y-1} + \sqrt{z-2} = \frac{1}{2}(x+y+z) \Rightarrow (x=1 \text{ و } y=2 \text{ و } z=3)$$

**1.** أكتب  $P$  بدون استعمال الرابط المنطقي  $\Rightarrow$  أو استعمال التعبير " إذا كان ..... فإن..... "

**2.** أكتب نفي  $P$ .

**3.** أكتب  $P$  باستعمال الاستلزام المضاد للعكس.

**4.** بين أن  $P$  عبارة صحيحة.

**03.**  $1 + 1 + \dots + 1 = 2$

نعتبر التطبيق  $g$  المعرفة بما يلي:

$$g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{Q}$$

$$n \mapsto g(n) = \frac{1}{n^2 - n + 1}$$

**1.** بين بأن  $g$  غير تبايني.

**2.** استنتج تطبيق  $h$  يكون قصور ل  $g$  و تبايني.

**04.**  $3 \times 1 + \dots + 3 = 3$

لنعتبر المجموعتين:

$$A = \left\{ n / \frac{n^3 + 5n^2 + 6n + 10}{n+2} \in \mathbb{N} \text{ و } n \in \mathbb{N} \right\}$$

$$\text{ و } B = \left\{ p / p = \frac{n^3 + 5n^2 + 6n + 10}{n+2}, n \in \mathbb{N} \right\}$$

**1.** بين أن:  $\frac{n^3 + 5n^2 + 6n + 10}{n+2} \in \mathbb{N} \Leftrightarrow \frac{10}{n+2} \in \mathbb{N}$

**2.** أكتب بالتفصيل:  $A$ .

**3.** حدد:  $B \cap \mathbb{N}$ .